

Øving 12 og Øving 13

Løsning

## ResTek1—Løsning Øving 12

### Oppgave 1

Den totale kompressibiliteten  $c_t$  er gitt ved,

$$c_t = c_o S_o + c_w S_w + c_g S_g + c_f = 10.95 \cdot 10^{-6} \text{ psi}^{-1}.$$

Fra plottet ser vi at  $m = 8.1$  psi/dekade. Dette gir

$$k_o = \frac{162.6 Q_o \mu_o B_o}{mh} = \frac{162.6 \cdot 303 \cdot 0.878 \cdot 1.035}{8.1 \cdot 50} = 111 \text{ md.}$$

Skinfaktoren  $S$  er gitt ved

$$S = 1.151 \left[ \frac{p_i - p_{1HR}}{m} - \log \left( \frac{k}{\phi \mu c_t r_w^2} \right) + 3.23 \right].$$

Fra grafen i figur 1 ser en at  $p_{1HR} = 4701$  psia. Dette gir

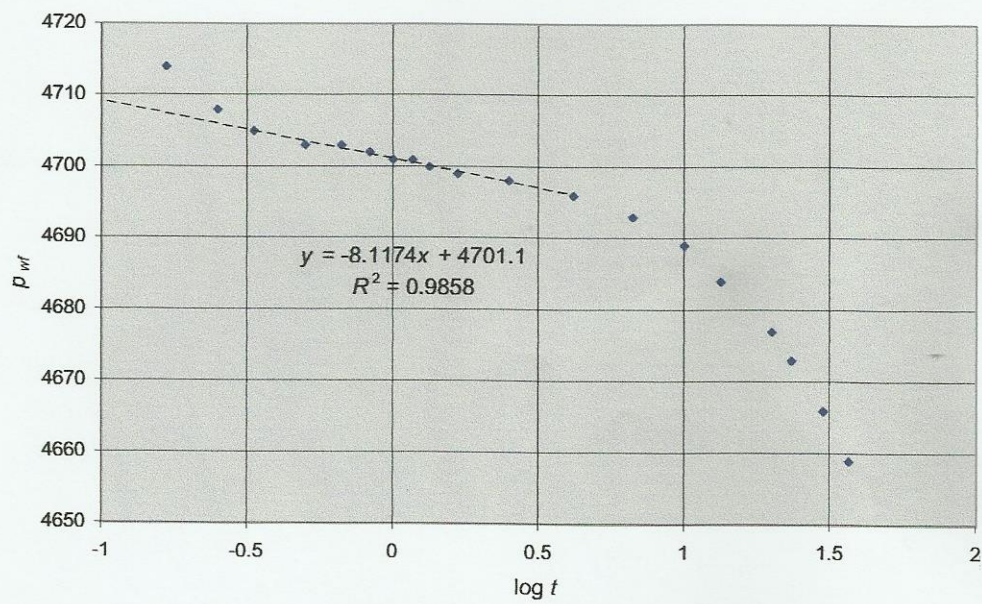
$$\begin{aligned} S &= 1.151 \left[ \frac{4828 - 4701}{8.1} - \log \left( \frac{111}{0.059 \cdot 0.878 \cdot 10.95 \cdot 10^{-6} \cdot 0.25^2} \right) + 3.23 \right] \\ &= 10.8, \end{aligned}$$

altså en skadet brønn. Det kan være vanskelig å bestemme hvilken del av grafen som skal velges til å representere den analytiske løsningen krav om at trykket vil synke lineært med logaritmen til tiden. I dette tilfellet vil antagelig de to første datapunktene representere borhullseffekten: Brønnen åpnes på overflaten og det vil ta noen minutter før raten nede i brønnen ved grenseflaten mot reservoaret er blitt konstant lik den på overflaten.

Logaritmetilnærmelsen av eksponensialintegralet vil gjelde på mindre enn et minutt,

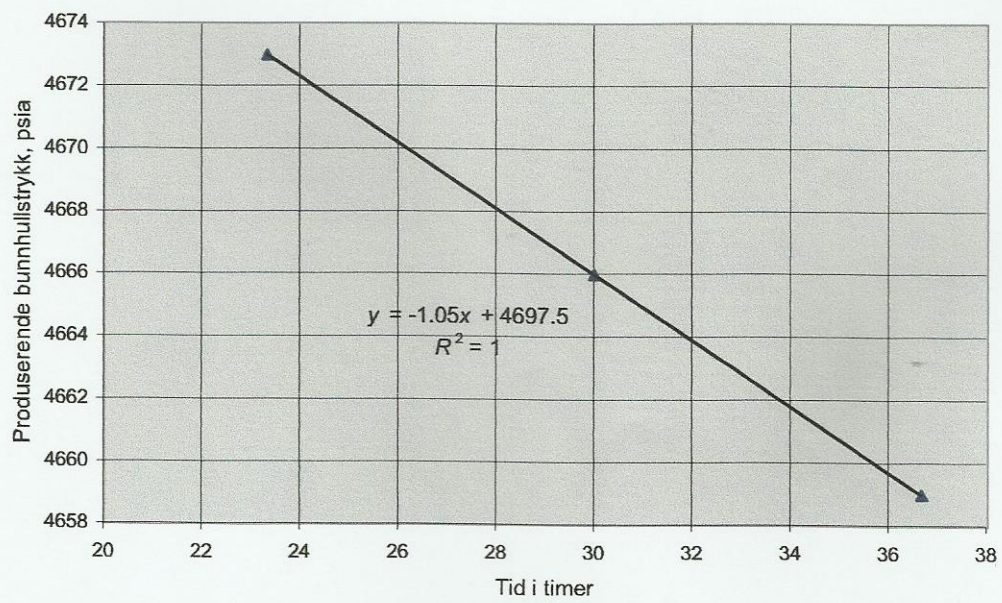
$$\begin{aligned} t &> \frac{\phi \mu c_t r_w^2}{0.00105 k 0.01} \\ &= \frac{0.059 \times 0.878 \times 10.95 \times 10^{-6} \times 0.25^2}{0.00105 \times 111 \times 0.01} \times 60 \times 60 \\ &= 0.11 \text{ sekunder.} \end{aligned}$$

Etter omlag 250 minutt begynner reservoargrensene å påvirke trykkdataene og vi replotter de siste tre datapunktene i figur 2 og ser at de ligger på en rett linje (halvstasjonsnær periode) med et stigningsforhold på 1.05 psi/time. Porevolumet  $V_p$  (bbl) som brønnen drenerer fra er da gitt ved  $V_p = 0.0418 Q_o B_o / (B_L c_t)$ , hvor  $B_L = 1.05$  psi/time. Dermed er  $V_p = 0.0418 \cdot 303 \cdot 1.035 / (1.05 \cdot 10.95 \cdot 10^{-6})$ ,  $V_p = 1.14 \cdot 10^6$  bbl.



Figur 1: Trykkfallstest,  $p_{wf}$  som funksjon av logaritmen til tiden i timer etter ratestart, "infinite-acting period," oppgave 1.



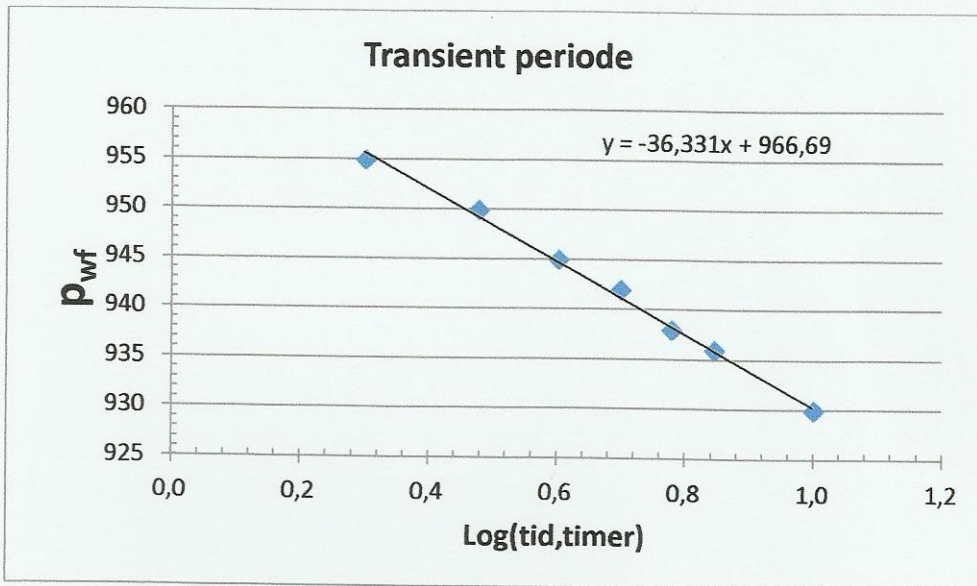


Figur 2: Trykkfallstest,  $p_{wf}$  som funksjon av tiden i timer etter ratestart, halvstasjonær periode, oppgave 1

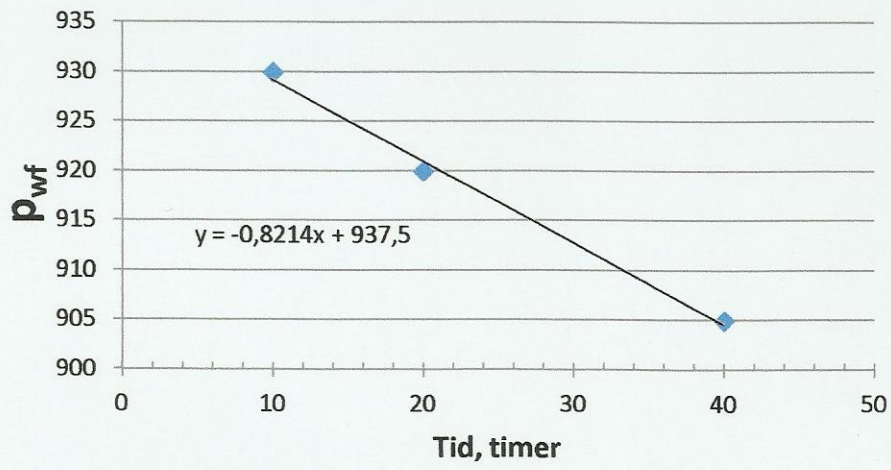
# Øving 13. Trykkfallstest. Løsning

## Løsning

pwf(psi)	tid(timer)	log (timer)	log(t*(dp/dt))
1154	0		
968	1	0,00	0,60
955	2	0,30	0,53
950	3	0,48	0,50
945	4	0,60	0,48
942	5	0,70	0,48
938	6	0,78	0,47
936	7	0,85	0,52
930	10	1,00	0,60
920	20	1,30	0,60
905	40	1,60	



### Halvstasjonær periode





## Transient periode

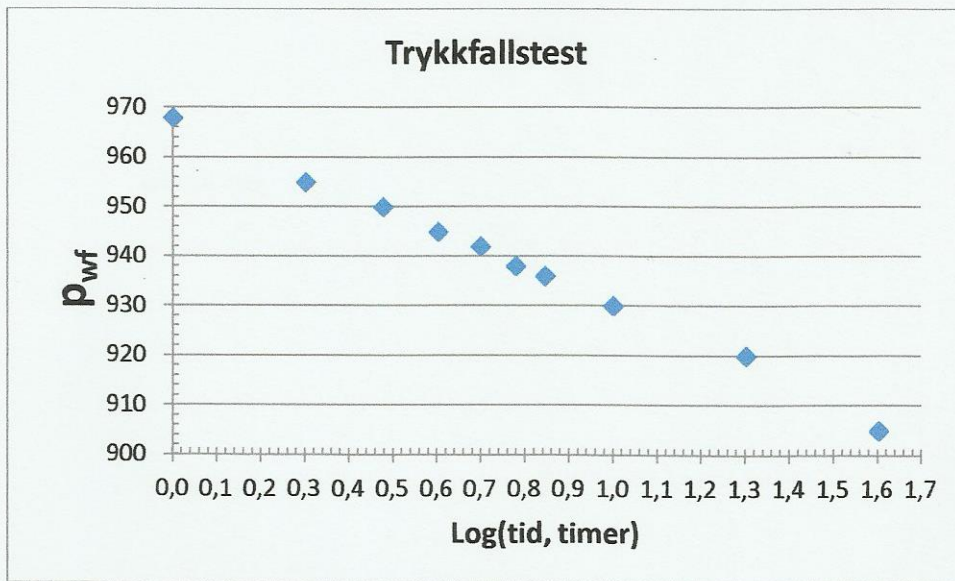
I denne perioden er trykkutviklingen gitt ved

$$p_{wf} = m \log t + b$$

Der  $m \propto 1/k$  og  $b = f(S)$ . Permeabiliteten,  $k$ , bestemmes når  $m$  er kjent. Når  $k$  er kjent bestemmes  $S$  ved å ekstrapolere linjen til  $p_{wf}(1 \text{ time})$  da

$$p_{wf}(1 \text{ time}) = m \log(1) + b = b$$

Det kan ofte være vanskelig å bestemme intervallet der vi har en rett linje (se figur)



Det kan være en hjelp å derivere:

$$\frac{dp_{wf}}{dt} = \frac{m}{t} \text{ dvs } \left( t \frac{dp_{wf}}{dt} \right) = m$$

Ved å se på  $\log\left(t \frac{dp_{wf}}{dt}\right)$  versus  $\log(t)$  så kan dette være en hjelp til å definere intervallet (se tabell over).

I feltenheter har vi at

$$k = \frac{162,6 \cdot Q_o^S B_o \cdot \mu_o^R}{m \cdot h} = \frac{162,6 \cdot 348 \cdot 1,14 \cdot 3,93}{36,3 \cdot 130} = 53 \text{ mD}$$

der  $m = 36,3$  psi/dekade (dvs pr log-syklus).

Uttrykket for  $S$  i feltenheter blir da

$$S = 1,151 \left[ \frac{p_i - p(1 \text{ time})}{m} - \log \frac{k}{\phi \cdot \mu_o^R \cdot c_i \cdot r_w^2} + 3,2275 \right] = 0,36$$

Det ekstra trykkfallet inn mot brønnen som skyldes formasjonsskade er gitt ved

$$\Delta p_{skin} = \alpha \frac{Q_o^s \cdot B_o \cdot \mu_o^R}{2\pi \cdot k \cdot h} S$$

I Darcy enheter er  $\alpha = 1$  og i feltenheter er  $\alpha = 899,12$

$\alpha$  for feltenheter finnes på følgende måte:

$$\frac{\text{psi} \cdot 1 \text{ atm}}{14,7 \text{ psi}} = \frac{\text{bbl} \cdot \text{m}^3 \cdot 10^6 \text{ cm}^3 \cdot 1 \text{ d} \cdot 10^3 \text{ mD} \cdot 1 \text{ D} \cdot 1 \text{ ft}}{\text{d} \cdot 6,29 \text{ bbl} \cdot 1 \text{ m}^3 \cdot (3600 \cdot 24) \text{ s} \cdot \text{mD} \cdot 1 \text{ D} \cdot 0,987 (\mu\text{m}^2) \cdot \text{ft} \cdot 30,48 \text{ cm}}$$

Herav

$$\alpha = \frac{14,7 \cdot 10^6 \cdot 10^3}{6,29 \cdot 3600 \cdot 24 \cdot 30,48 \cdot 0,987} = 899,12$$

#### Halvstasjonær periode

I denne perioden er trykkutviklingen gitt ved

$$p_{wf} = m \cdot t + b$$

Vinkelkoeffisienten  $m$  er en funksjon av dreneringsarealet gitt ved

$$m = \frac{0,23396 \cdot Q_o^s \cdot B_o}{c_i \cdot A \cdot h \cdot \phi}$$

Herav fås da dreneringsarealet

$$A = \frac{0,23396 \cdot 348 \cdot 1,14}{8,74 \cdot 10^{-6} \cdot 0,8 \cdot 130 \cdot 0,2} = 510564 \text{ ft}^2$$

$$A = \frac{510564 \text{ ft}^2 \cdot 0,3048^2 \text{ m}^2 \cdot 1 \text{ acres}}{1 \text{ ft}^2 \cdot 4046 \text{ m}^2} = 11,7 \text{ acres}$$

Parameteren  $b$  kan relateres til formen på reservoaret.  $b$  finnes ved å ekstrapolere til  $t=0$ . Trendlinjen i figuren gir  $b = 937$  psi